

平成28年8月22日

九州大学大学院工学府エネルギー量子工学専攻
平成29年度修士課程入学試験

「数学」についての注意

試験時間 9:00～10:30

1. 問題1（必須）と、問題2か問題3のどちらか1題の、合計2題を解答すること。
(必須60点、選択40点、合計100点満点)
2. 解答は、問題毎に別々の解答用紙に記入せよ。(裏面も使用可)
1枚に記入しきれない場合には、追加解答用紙を請求すること。
3. 問題の解答用紙には、問題の番号と受験番号を記入し、氏名は記入してはいけない。

問題 1 (必須)

[1] 4点 $P(1,3,2)$ 、 $Q(1,1,4)$ 、 $R(4,-1,2)$ 、 $S(4,6,1)$ は同一平面上にあるかどうか判定せよ。

[2] 次の極限值を求めよ。なお、導出の過程を示すこと。

$$\lim_{x \rightarrow 0} x \log(\sin x)$$

[3] 次の関数を積分せよ。

$$\sin^{\alpha-1} x \cos(\alpha + 1)x \quad (\alpha \neq 0)$$

[4] 次の微分方程式を解け。

$$y'' + y' - 2y = 2x^2 - 3x$$

問題 2 (選択)

[1] $-1 + \sqrt{3}i$ の 4 乗根を求めよ。

[2] 複素数 z の方程式 $e^z = 1 + i$ を解け。

[3] 複素数 z の関数 $\frac{1}{z(z^2+1)}$ を $z=0$ を中心にして Laurent 展開せよ。

[4] 次の実積分 $I = \int_0^{2\pi} \frac{1}{a+\cos\theta} d\theta$ ($a > 1$) を求めよ。

問題 3 (選択)

[1] フーリエ変換を用いて、下記の積分方程式の解 $f(x)$ を求めよ。

$$(1) \int_0^{\infty} f(\xi) \cos(k\xi) d\xi = \begin{cases} 2-k & (0 \leq k \leq 1) \\ 1 & (1 \leq k \leq 2) \\ 0 & (2 < k) \end{cases}$$

[2] ラプラス変換を用いて、下記の連立微分方程式、微積分方程式の解 $x(t), y(t)$ を求めよ。

$$(1) \begin{cases} 2x' - x + y' = \sin t + 3 \cos t, & x(0) = -1 \\ 2x' + y' + y = 2 \sin t + 3 \cos t, & y(0) = 1 \end{cases}$$

$$(2) tx''(t) + x'(t) - x(t) - \int_0^t \exp(t-\tau)x(\tau)d\tau = 0, \quad x(0) = 1, \quad x'(0) = 1$$